

## 課題 1. 運動の記述

1. 質点の位置 $(x, y)$ が時刻 $t$ の関数として、(1)~(3)のように与えられている。それぞれの場合について、速度ベクトルと加速度ベクトルを求めよ。

(1)  $x=2t+3, y=-t+2$

(2)  $x=2\cos(2\pi t), y=\sin(2\pi t)$

(3)  $x=t, y=\sin(\pi t)$

2. 質点の位置 $(x, y)$ が時刻 $t$ の関数として、

$$x = Vt$$

$$y = \alpha t^2 + \beta$$

と表されているものとする(ただし、 $V, \alpha, \beta$ は定数)。速度ベクトル $v$ 、加速度ベクトル $a$ およびそれらの大きさ $v, a$ を時刻の関数として求めよ。(なお、速度の大きさを速さという)

3. 直線上を運動する質点の速度が

$$v = Ve^{-kt}$$

で与えられるとする。 $V, k$ は定数である。

1) 質点の加速度を求めよ。

2) 時刻 $t=0$ で $x=0$ にあった質点の位置 $x(t)$ を求めなさい。

4. 直線上を運動する質点の加速度が $-a\cos\omega t$ で与えられているとする。速度 $v$ および位置 $x$ を時刻 $t$ の関数として求めなさい。ただし、時刻 $t=0$ における速度および位置を $v_0, x_0$ とする。

5. 一定の加速度 $a$ で直線運動している物体がある。ある時刻には速度 $v_0$ であった。これから距離 $x$ だけ変位したときの速度は $v_1$ であった。このような状況が与えられた場合、受験参考書等では必ず

$$v_1^2 - v_0^2 = 2ax$$

を用いているようだが、これを証明しなさい。

6. 図のように、一定の角速度 $\omega$ で回転する半径 $R$ の円盤の周上につながれた、長さ $L$ の棒がある。棒の他端Aは、円盤の中心を通る直線上を動くようになっている。棒の傾きを $\phi$ とする。円盤の中心を原点とし、Aの位置を $x(t)$ とする。

(1)  $\sin\phi$ を $\omega t, R, L$ を用いて表しなさい。

(2)  $x(t)$ を $\omega t, R, L$ を用いて表しなさい。

